

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Пекаревский Борис Владимирович
Должность: Проректор по учебной и методической работе
Дата подписания: 21.09.2023 14:02:28
Уникальный программный ключ:
3b89716a1076b80b2c167df0f27c09d01782ba84



МИНОБРНАУКИ РОССИИ

**федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Санкт-Петербургский государственный технологический институт
(технический университет)»
(СПбГТИ(ТУ))**

УТВЕРЖДАЮ

**Проректор по учебной и
методической работе**

Б. В. Пекаревский

« 14 » января 2021 года

Рабочая программа дисциплины

МАТЕМАТИКА

Направление подготовки

15.03.04 Автоматизация технологических процессов и производств

(Начало подготовки 2021 г.)

Направленности программы бакалавриата

Автоматизация технологических процессов и производств

Квалификация

бакалавр

Форма обучения

заочная

Факультет **информационных технологий и управления**

Кафедра **математики**

Санкт-Петербург

2021

ЛИСТ СОГЛАСОВАНИЯ

Должность	Подпись	Ученое звание, фамилия, инициалы
Разработчик		д.ф.-м.н. А. А. Груздков

Рабочая программа дисциплины «Математика» обсуждена на заседании кафедры математики

Протокол от « 02 » 12 2020 № 5

Заведующий кафедрой

А. А. Груздков

Одобрено учебно-методической комиссией факультета информационных технологий и управления

протокол от « 09 » 12 2020 № 4

Председатель

В. В. Куркина

СОГЛАСОВАНО

Руководитель направления подготовки «Технологические машины и оборудование»		О. А. Ремизова
Директор библиотеки		Т. Н. Старостенко
Начальник методического отдела учебно-методического управления		Т. И. Богданова
Начальник УМУ		С. Н. Денисенко

СОДЕРЖАНИЕ

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы	4
2. Место дисциплины в структуре образовательной программы	6
3. Объем дисциплины.....	6
4. Содержание дисциплины.....	7
4.1. Разделы дисциплины и виды занятий	7
4.2. Формирование индикаторов достижения компетенций разделами дисциплины	7
4.3. Занятия лекционного типа	8
4.4. Занятия семинарского типа	9
4.5. Самостоятельная работа обучающихся.....	10
5. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине	11
6. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации	11
7. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины	11
8. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины	13
9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины.....	13
10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине	13
10.1. Информационные технологии.....	13
10.2. Программное обеспечение.....	13
10.3. Базы данных и информационные справочные системы	13
11. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине	13
12. Особенности освоения дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья	14
Фонд оценочных средств	15

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Планируемые результаты обучения (дескрипторы)
<p>ОПК-1 Применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования в профессиональной деятельности</p>	<p>ОПК-1.1 Применение дифференциального и интегрального исчисления для определения характеристик изучаемых объектов и описания системы управления</p>	<p>Знать: определения, свойства и правила выполнения операций над векторами (ЗН-1); уравнения прямых и плоскостей в пространстве (ЗН-2); геометрические определения конических сечений и их канонические уравнения (ЗН-3); определения основных понятий линейной алгебры и формулировки базовых теорем (ЗН-4); алгебраическую, тригонометрическую и показательную форму комплексного числа, основные теоремы о многочленах (ЗН-5); определение понятия предела и основные теоремы о пределах (ЗН-6); определения основных понятий дифференциального исчисления, правила дифференцирования, основные теоремы дифференциального исчисления (ЗН-7); определение понятия интеграла, методы интегрирования функций, основные теоремы интегрального исчисления (ЗН-8); основные типы дифференциальных уравнений и методы их решения (ЗН-9); постановку задач для дифференциальных уравнений и основные теоремы о дифференциальных уравнениях (ЗН-10); определение суммы ряда и основные признаки сходимости числовых рядов (ЗН-11); основные определения и теоремы о функциональных рядах (ЗН-12); алгоритмы вычисления кратных интегралов (ЗН-13); формулы Стокса и Гаусса-Остроградского (ЗН-14); потенциальные и соленоидальные поля и их свойства (ЗН-15).</p> <p>Уметь: методами аналитической геометрии решать основные задачи о прямых и плоскостях в пространстве (У-1);</p>

анализировать однозначную разрешимость систем линейных алгебраических уравнений и находить их решения (У-2);
 выполнять операции над комплексными числами, раскладывать многочлены на множители, преобразовывать рациональные дроби (У-3);
 вычислять пределы, раскрывая неопределённости основных типов (У-4);
 вычислять производные и дифференциалы функций (У-5);
 применять дифференциальное исчисление к исследованию функций на экстремум и построению графиков функций (У-6);
 вычислять интегралы и применять интегральное исчисление к решению прикладных задач (У-7);
 применять стандартные методы нахождения решений дифференциальных уравнений (У-8);
 исследовать сходимость числовых рядов и определять область сходимости функциональных рядов (У-9);
 представлять функции в виде суммы функционального ряда (У-10);
 применять алгоритмы вычисления кратных интегралов (У-11);
 применять формулы Стокса и Гаусса-Остроградского (У-12);
 определять потенциальность и соленоидальность векторных полей (У-13).

Владеть:
 навыками вычислений необходимых для решения задач аналитической геометрии (Н-1);
 понятием предельного перехода, как теоретической основой методов математического анализа (Н-2);
 навыками дифференцирования и применения дифференциального исчисления (Н-3);
 навыками интегрирования функций и вычисления значения искомых величин через интегралы (Н-4).
 навыками составления и решения дифференциальных уравнений (Н-5).
 навыками нахождения искомых величин в виде суммы ряда (Н-6);
 навыками применения методов векторного анализа к прикладным задачам (Н-7).

2. Место дисциплины в структуре образовательной программы¹

Дисциплина относится к дисциплинам основной части. Код дисциплины по учебному плану Б1.О.05. Дисциплина изучается на первом и втором курсе (1-4 семестр).

Дисциплина «Математика» изучается на основе знаний, полученных при изучении курса элементарной математики в среднем учебном заведении.

Знания, навыки и умения, приобретённые при изучении дисциплины «Математика», необходимы при изучении таких дисциплин как «Физика», «Гидравлика», «Теория вероятностей и математическая статистика», «Прикладная механика», «Теория автоматического управления» и др., а также в научно-исследовательской работе.

3. Объем дисциплины

Вид учебной работы	Всего, академических часов
	заочная форма обучения
Общая трудоемкость дисциплины (зачетных единиц/ академических часов)	14/504
Контактная работа с преподавателем:	54
занятия лекционного типа	20
занятия семинарского типа, в т.ч.	34
семинары, практические занятия	34
лабораторные работы	
курсовое проектирование (КР или КП)	..
КСР	
другие виды контактной работы	..
Самостоятельная работа	424
Контроль	26
Форма текущего контроля (Кр, реферат, РГР, эссе)	10 Кр
Форма промежуточной аттестации (Кр, КП, зачет, экзамен)	зачет (1, 3 семестр), экзамен (2, 4 семестр)

¹ Место дисциплины будет учитываться при заполнении таблицы 1 в Приложении 1 (Фонд оценочных средств)

4. Содержание дисциплины

4.1. Разделы дисциплины и виды занятий

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Занятия лекционного типа, акад. часы	Занятия семинарского типа, акад. часы		Самостоятельная работа, акад. часы	Формируемые компетенции
			Семинары и/или практические занятия	Лабораторные работы		
1.	Линейная алгебра и аналитическая геометрия	4	2		28	ОПК-1,
2.	Комплексные числа и многочлены.	2	2		28	ОПК-1
3.	Введение в математический анализ	2	2		26	ОПК-1
4.	Дифференциальное исчисление функций одной переменной	4	4		48	ОПК-1
5.	Интегральное исчисление функций одной переменной.	4	2		62	ОПК-1
6.	Дифференциальное и интегральное исчисление функций нескольких переменных	2	10		115	ОПК-1
Итого за первый курс		18	22		307	
7.	Обыкновенные дифференциальные уравнения	1	4		35	ОПК-1
8.	Числовые и функциональные ряды		2		13	ОПК-1
9.	Дифференциальные уравнения в частных производных		2		23	ОПК-1
10.	Кратные интегралы	1	2		20	ОПК-1
11.	Векторный анализ		2		26	ОПК-1
Итого за второй курс		2	12		117	
ИТОГО		20	34		424	

4.2 Формирование индикаторов достижения компетенций разделами дисциплины

№ п/п	Код индикаторов достижения компетенции	Наименование раздела дисциплины
1	ОПК-1.1	Линейная алгебра и аналитическая геометрия
2	ОПК-1.1	Комплексные числа и многочлены
3	ОПК-1.1	Введение в математический анализ
4	ОПК-1.1	Дифференциальное исчисление функций одной переменной
5	ОПК-1.1	Интегральное исчисление функций одной переменной.
6	ОПК-1.1	Дифференциальное и интегральное исчисление функций нескольких переменных
7	ОПК-1.1	Обыкновенные дифференциальные уравнения

№ п/п	Код индикаторов достижения компетенции	Наименование раздела дисциплины
8	ОПК-1.1	Числовые и функциональные ряды
9	ОПК-1.1	Дифференциальные уравнения в частных производных
10	ОПК-1.1	Кратные интегралы
11	ОПК-1.1	Векторный анализ

4.3. Занятия лекционного типа

№ раздела дисциплины	Наименование темы и краткое содержание занятия	Объем, акад. часы	Инновационная форма
1	Операции над матрицами. Уравнения прямых и плоскостей в пространстве.	4	
2	Понятие комплексного числа. Операции над комплексными числами в алгебраической, тригонометрической и показательной форме.	2	
3	Понятие предела. Бесконечно большие и бесконечно малые. Раскрытие неопределённостей.	2	
4	Дифференцируемость функции. Производные и дифференциалы. Приложения дифференциального исчисления.	2	
5	Первообразная и неопределённый интеграл. Определённый интеграл и его свойства. Геометрические приложения определённого интеграла.	4	
6	Функции нескольких переменных. Частные производные и полный дифференциал. Экстремум функций двух переменных. Дифференциальные операторы первого порядка. Двойные интегралы и их приложения.	4	
	Итого за первый курс	18	
7	Дифференциальные уравнения. Задача Коши, общее решение дифференциального уравнения. Линейные дифференциальные уравнения.	1	
8	Криволинейные и поверхностные интегралы и их приложения. Криволинейные интегралы первого и второго рода. Интегральные формулы векторного анализа.	1	
	Итого за второй курс	2	
	ИТОГО	20	

4.4 Занятия семинарского типа

4.4.1. Семинары, практические занятия

№ раздела дисциплины	Наименование темы и краткое содержание занятия	Объем, акад. часы	Инновационная форма
1	Операции над матрицами. Определители, их свойства. Решение систем линейных алгебраических уравнений.	4	Групповая дискуссия
2	Операции над комплексными числами. Решение алгебраических уравнений.	2	
3	Вычисление пределов алгебраических и трансцендентных выражений.	2	
4	Вычисление производных и дифференциалов функций одной переменной.	4	
4	Применение производной к построению графиков функций.	2	
5	Основные методы интегрирования. Формула Ньютона-Лейбница.	2	
6	Вычисление частных производных. Частные производные высших порядков.	2	
6	Задачи на экстремум функции двух переменных. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции двух переменных в замкнутой области.	2	Разбор конкретных ситуаций
6	Вычисление и приложения двойных интегралов.	2	
	Итого за первый курс	22	
7	Разделение переменных в дифференциальных уравнениях. Основные типы дифференциальных уравнений первого порядка.	2	Групповая дискуссия
8	Признаки сходимости числовых рядов.	2	
8	Разложение функции в степенной ряд. Разложение функции в ряд Фурье.	2	
9	Типы линейных дифференциальных уравнений в частных производных. Уравнение колебаний струны: метод Даламбера, метод Фурье.	2	
10	Вычисление криволинейных и поверхностных интегралов.	2	
11	Элементы теории поля.	2	
	Итого за второй курс	12	
	ИТОГО	34	

4.4.2. Лабораторные занятия

№ раздела дисциплины	Наименование темы и краткое содержание занятия	Объем, акад. часы	Примечание
	Не предусмотрены		

4.5. Самостоятельная работа обучающихся

№ раздела дисциплины	Перечень вопросов для самостоятельного изучения	Объем, акад. часы	Форма контроля
1	Вычисление определителей. Операции над матрицами. Решение систем линейных алгебраических уравнений. Уравнение прямой и плоскости в пространстве.	38	Кр № 1, вопросы к зачёту
2	Операции над комплексными числами в алгебраической, тригонометрической и показательной форме. Решение алгебраических уравнений.	28	Кр № 2, вопросы к зачёту
3	Вычисление пределов. Раскрытие основных видов неопределённостей.	26	Кр № 3, вопросы к зачёту
4	Правила дифференцирования. Вычисление производных функций одной переменной.	34	Кр № 3, вопросы к зачёту
4	Полное исследование функции и построение её графика.	24	Кр № 3, вопросы к зачёту
5	Методы интегрирования. Специфика вычисления определённых интегралов. Нахождение площадей фигур и длин кривых.	42	Кр № 4, вопросы к зачёту
6	Дифференцирование функций нескольких переменных. Экстремум функций двух переменных. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции двух переменных в замкнутой области.	29	Кр № 5, вопросы к экзамену
7	Вычисление двойных интегралов. Нахождение площадей и объёмов с помощью двойных интегралов.	30	Кр № 6, вопросы к экзамену
Итого за первый курс		307	
8	Решение дифференциальных уравнений первого порядка. Решение линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами.	35	Кр № 7, вопросы к зачёту
9	Приведение к каноническому виду линейного дифференциального уравнения в частных производных. Разделение переменных в одномерном волновом уравнении. Метод Даламбера для бесконечной струны.	29	Кр № 8, вопросы к зачёту
10	Вычисление криволинейных и поверхностных интегралов	30	Кр № 9, вопросы к экзамену
11	Скалярные и векторные поля. Их точечные и интегральные характеристики. Формула Гаусса-Остроградского и формула Стокса.	26	Кр № 10, вопросы к экзамену
Итого за второй курс		117	
ИТОГО		424	

5. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

Методические указания для обучающихся по организации самостоятельной работы по дисциплине, включая перечень тем самостоятельной работы, формы текущего контроля по дисциплине и требования к их выполнению размещены в электронной информационно-образовательной среде СПбГТИ(ТУ) на сайте Медия: <http://media.technolog.edu.ru>

6. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации

Своевременное выполнение обучающимся мероприятий текущего контроля позволяет превысить (достигнуть) пороговый уровень («удовлетворительно») освоения предусмотренных элементов компетенций.

Результаты дисциплины считаются достигнутыми, если для всех элементов компетенций превышен (достигнут) пороговый уровень освоения компетенции на данном этапе.

Промежуточная аттестация по дисциплине проводится в форме зачета и экзаменов. К сдаче зачета и экзамена допускаются студенты, выполнившие все формы текущего контроля.

Зачет и экзамены предусматривают выборочную проверку освоения предусмотренных элементов компетенций и комплектуются вопросами (заданиями) двух видов: теоретический вопрос (для проверки знаний) и комплексная задача (для проверки умений и навыков).

При сдаче зачета или экзамена студент получает два вопроса из перечня вопросов и одно практическое задание, время подготовки студента к устному ответу - до 45 мин.

Фонд оценочных средств по дисциплине представлен в Приложении № 1.

7. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины

а) печатные издания::

1. Шипачев, В. С. Высшая математика / В. С. Шипачев. - М.: Высшая школа, 2008. - 479 с.
2. Беклемишев, Д. В. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры / Д. В. Беклемишев. - Л.: Наука, 2005. – 303 с.
3. Берман, Г. Н. Сборник задач по курсу математического анализа / Г. Н. Берман. - СПб.: Лань, 2006. – 608 с.
4. Кудрявцев, Л. Д. Курс математического анализа / Л. Д. Кудрявцев.- М.: Дрофа, Т. 1 - 2006. – 702 с.
5. Демидович, Б. П. Численные методы анализа. Приближение функций, дифференциальные и интегральные уравнения: Учебное пособие / Б. П. Демидович, И. А. Марон, Э. З. Шувалова – СПб.: Лань, 2008. - 400 с.
6. Демидович, Б. П. Дифференциальные уравнения: учебное пособие / Б. П. Демидович, В. П. Моденов. – СПб., М.; Краснодар: Лань, 2008. – 276 с.

б) электронные учебные издания:

1. Шаляпина, О. В. Векторная алгебра. Аналитическая геометрия (справочные материалы): метод. указания / О. В. Шаляпина, Т. А. Уланова.. - СПб.: СПбГТИ(ТУ), каф. высш. математики 2008. – 21 с. (ЭБ)
2. Шаляпина, О. В. Линейная алгебра (справочные материалы): метод. указания / О. В. Шаляпина, Т. А. Уланова; СПбГТИ(ТУ). Каф. высш. математики. - СПб., 2008. - 19 с. (ЭБ)

3. Шаляпина, О. В. Типовые варианты контрольной работы по теме Векторная алгебра и аналитическая геометрия: метод. указания / О. В. Шаляпина, Н. Н. Гизлер, В. С. Капитонов; СПбГТИ(ТУ). Каф. высш. математики. - СПб., 2009. - 23 с. (ЭБ)
4. Груздков, А. А. Элементы теории пределов: метод. указания / А. А. Груздков, М. Б. Купчиненко; СПбГТИ(ТУ). Каф. высш. математики. - СПб., 2010. – 64 с. (ЭБ)
5. Слободинская, Т. В. Пределы. Рекомендации к решению задач контрольной работы: метод. указания / Т. В. Слободинская, А. А. Груздков, М. Б. Купчиненко; СПбГТИ(ТУ). Каф. высш. математики. - СПб., 2010. – 29 с. (ЭБ)
6. Шаляпина, О. В. Предел и непрерывность функции. Справочные материалы.: метод. указания / О. В. Шаляпина, Т. А. Уланова, В. С. Капитонов. – СПб., 2012. – 22 с. (ЭБ)
7. Шаляпина, О. В. Производные и дифференциалы. Справочные материалы. / О. В. Шаляпина, Т. А. Уланова, В. С. Капитонов. – СПб.: СПбГТИ(ТУ), 2012. – 18 с. (ЭБ)
8. Решение типовых вариантов контрольной работы по теме производные функции одной переменной: метод. указания / П. Е. Баскакова, Т. В. Винник, Н. Н. Гизлер, А. Д. Бабаев.- СПб.: СПбГТИ(ТУ). Каф. высш. математики, 2011. – 16 с. (ЭБ)
9. Применение дифференциального исчисления к исследованию функций и построению графиков: метод. указания / Т. В. Слободинская, П. Е. Баскакова, А. А. Груздков, Н. Н. Гизлер, Ю. А. Необердин. - СПб.: СПбГТИ(ТУ), 2013. – 25 с. (ЭБ)
10. Климовицкая, Н. М. Интегралы функций одной переменной: метод. указания / Н. М. Климовицкая, А. А. Груздков. - СПб.: СПбГТИ(ТУ), 2013. – 56 с. (ЭБ)
11. Груздков, А. А. Интегральное исчисление функций одной переменной: учебное пособие / А. А. Груздков. - СПб.: СПбГТИ(ТУ), 2013. – 139 с. (ЭБ)
12. Груздков, А. А. Вычисление и приложения двойных интегралов: методические указания / А. А. Груздков, М. Б. Купчиненко. - СПб.: СПбГТИ(ТУ), 2013. - 58 с. (ЭБ)
13. Винник, Т. В. Вычисление тройных интегралов в декартовых и криволинейных координатах: методические указания / Т. В. Винник, А. А. Груздков, М. Б. Купчиненко СПб.: СПбГТИ(ТУ), 2013. – 53 с. (ЭБ)
14. Фаттахова, М. В. Линейные дифференциальные уравнения n -го порядка. Решение задач: метод. указания / М. В. Фаттахова, М. Б. Купчиненко, Н. М. Климовицкая; СПбГТИ(ТУ). Каф. высш. математики. - СПб., 2009. – 65 с. (ЭБ)
15. Шаляпина, О. В. Обыкновенные дифференциальные уравнения : учебное пособие / О. В. Шаляпина, В. С. Капитонов; СПб., СПбГТИ(ТУ). Каф. математики, 2013. – 38 с. (ЭБ)
16. Груздков, А. А. Ряды: учебное пособие / А. А. Груздков, О. В. Шаляпина, В. С. Капитонов. - СПб.: СПбГТИ(ТУ), 2014. – 65 с. (ЭБ)
17. Груздков, А. А. Формула Стокса: методические указания / А. А. Груздков, М. Б. Купчиненко. - СПб.: СПбГТИ(ТУ), 2012. – 48 с. (ЭБ)
18. Груздков, А. А. Формула Остроградского-Гаусса: методические указания / А. А. Груздков, М. Б. Купчиненко. - СПб.: СПбГТИ(ТУ), 2014. – 26 с. (ЭБ)
19. Груздков, А. А. Формула Грина: практикум / А. А. Груздков, М. Б. Купчиненко, Т. В. Слободинская. - СПб.: СПбГТИ(ТУ), 2016. – 32 с. (ЭБ)

8. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

учебный план, РПД и учебно-методические материалы: <http://media.technolog.edu.ru>
электронно-библиотечные системы:

«Электронный читальный зал – БиблиоТех» <https://technolog.bibliotech.ru/>;

«Лань» <https://e.lanbook.com/books/>.

9. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Все виды занятий по дисциплине «Математика» проводятся в соответствии с требованиями следующих СТП:

СТП СПбГТИ 040-02. КС УКДВ. Виды учебных занятий. Лекция. Общие требования;

СТО СПбГТИ 018-2014. КС УКДВ. Виды учебных занятий. Семинары и практические занятия. Общие требования к организации и проведению.

СТП СПбГТИ 048-2009. КС УКВД. Виды учебных занятий. Самостоятельная планируемая работа студентов. Общие требования к организации и проведению.

СТП СПбГТИ 016-2015. КС УКВД. Порядок проведения зачетов и экзаменов.

Планирование времени, необходимого на изучение данной дисциплины, лучше всего осуществлять на весь семестр, предусматривая при этом регулярное повторение пройденного материала.

Основными условиями правильной организации учебного процесса для студентов является:

- плановость в организации учебной работы;
- серьезное отношение к изучению материала;
- постоянный самоконтроль.

На занятия студент должен приходиться, имея багаж знаний и вопросов по уже изученному материалу.

10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине

10.1. Информационные технологии

В учебном процессе по данной дисциплине предусмотрено использование информационных технологий:

- чтение лекций с использованием слайд-презентаций;
- взаимодействие с обучающимися посредством ЭОИС.

10.2. Программное обеспечение

При выполнении РГР студенты используют пакет прикладных программ Mathcad.

10.3. Базы данных и информационные справочные системы

wolphramalpha.com/examples/mathematics

11. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Для ведения лекционных и практических занятий используются аудитории кафедры математики.

Для проведения лабораторных занятий используется компьютерный класс, оборудованный 16 персональными компьютерами, объединенными в сеть.

12. Особенности освоения дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья

Для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями учебные процесс осуществляется в соответствии с Положением об организации учебного процесса для обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья СПбГТИ(ТУ), утвержденным ректором 28.08.2014 г.

Фонд оценочных средств
для проведения промежуточной аттестации по
дисциплине «Математика»

1. Перечень компетенций и этапов их формирования.

Компетенции		
Индекс	Формулировка²	Этап формирования³
ОПК-1	Применять естественнонаучные и общепрофессиональные знания, методы математического анализа и моделирования в профессиональной деятельности	начальный

² **жирным шрифтом** выделена та часть компетенции, которая формируется в ходе изучения данной дисциплины (если компетенция осваивается полностью, то фрагменты)

³ этап формирования компетенции выбирается по п.2 РПД и учебному плану (начальный – если нет предшествующих дисциплин, итоговый – если нет последующих дисциплин (или компетенция не формируется в ходе практики или ГИА), промежуточный - все другие.)

2. Показатели и критерии оценивания компетенций на различных этапах их формирования, шкала оценивания

Код и наименование индикатора достижения компетенции	Показатели сформированности (дескрипторы)	Критерий оценивания	Уровни сформированности (описание выраженности дескрипторов)		
			«удовлетворительно» (пороговый)	«хорошо» (средний)	«отлично» (высокий)
ОПК-1.1 Применение дифференциального и интегрального исчисления для определения характеристик изучаемых объектов описания системы управления	Знает определения, свойства и правила выполнения операций над векторами (ЗН-1)	Правильные ответы на вопросы к зачету за первый семестр, выполнение индивидуального задания.	Знает определения и умеет выполнять операции над векторами. Затрудняется с обоснованием свойств.	Знает определения операций над векторами, обосновывает свойства, умеет выполнять операции. Допуская отдельные ошибки.	Знает определения операций над векторами, обосновывает их свойства, умеет правильно выполнять.
	Составляет различные виды уравнений прямых и плоскостей в пространстве (ЗН-2)	Правильные ответы на вопросы к зачету за первый семестр.	Записывает уравнения, затрудняясь с объяснением геометрического смысла их параметров. Применяет формулы, не зная их вывода.	Записывает уравнения и применяет формулы, допуская неточности в их обосновании.	Записывает уравнения, давая их обоснование и разъясняя геометрический смысл их параметров. Умеет выводить используемые формулы.
	Формулирует геометрические определения конических сечений и записывает и их канонические уравнения (ЗН-3)	Правильные ответы на вопросы к зачету за первый семестр, выполнение индивидуального задания.	Записывает канонические уравнения кривых и знает их вид, затрудняясь при формулировке их геометрических определений и важнейших свойств.	Записывает канонические уравнения кривых, давая их точные геометрические определения и указывая нужную систему координат.	Выводит уравнения кривых, исходя из их геометрических определений.

Знает определения основных понятий линейной алгебры и формулировки базовых теорем (ЗН-4)	Правильные ответы на вопросы к зачету за первый семестр.	Даёт определения основных понятий и формулирует теоремы, допуская неточности или неполноту изложения.	Даёт точные определения и формулировки, затрудняясь с обоснованием утверждений и разъяснений взаимосвязей между различными вопросами.	Даёт точные определения и формулировки, обосновывает свои утверждения, демонстрирует понимание взаимосвязей между различными вопросами курса.
Переводит комплексные числа из алгебраической в тригонометрическую и показательную форму, формулирует основные теоремы о многочленах (ЗН-5)	Правильные ответы на вопросы к зачету за первый семестр.	Записывает различные формы комплексного числа, затрудняясь с переходом от одной формы к другой. Допускает неточности в формулировках теорем.	Свободно переходит от одной формы представления комплексного числа к другой. Даёт точные формулировки теорем, затрудняясь с формулировкой их следствий.	Выводит правила выполнения операций над комплексными числами. Даёт точные формулировки теорем о многочленах и объясняет их следствия.
Формулирует определение предела и основные теоремы о пределах (ЗН-6)	Вопросы к зачету за первый семестр.	Записывает формальное определение предела, затрудняясь в его применении. Допускает неточности в формулировках теорем.	Записывает формальное определение предела. Дает точные формулировки теорем, допуская неточности в их доказательствах.	Записывает формальное определение предела и успешно применяет его в доказательствах теорем.
Формулирует определения основных понятий и базовые теоремы дифференциального исчисления (ЗН-7)	Вопросы к зачету за первый семестр.	Знает содержательный смысл основных понятий дифференциального исчисления, но допускает ошибки в их формальном определении. Допускает неточности в формулировках теорем.	Записывает определения основных понятий, объясняя их содержательный смысл. Приводит точные формулировки теорем, допуская неточности в их доказательствах.	Даёт точные определения основных понятий и корректно применяет их при доказательстве теорем дифференциального исчисления.

<p>Даёт определение понятия интеграла, записывает основные формулы для интегрирования функций, формулирует основные теоремы интегрального исчисления (ЗН-8)</p>	<p>Вопросы к зачёту за первый семестр. Вопросы к экзамену за второй семестр</p>	<p>Знает содержательный смысл понятия интеграла, но допускает неточности в его формальном определении. Допускает неточности в формулировках теорем интегрального исчисления.</p>	<p>Правильно записывает определение интеграла. Правильно формулирует теоремы интегрального исчисления, но допускает неточности в их доказательствах.</p>	<p>Даёт точное определение интеграла, правильно формулирует и корректно доказывает теоремы интегрального исчисления.</p>
<p>Знает постановку задач для дифференциальных уравнений и основные теоремы о дифференциальных уравнениях (ЗН-9)</p>	<p>Вопросы к зачёту за третий семестр</p>	<p>Знает постановку задачи Коши, определение понятия общего решения дифференциального уравнения, затрудняясь с оценкой корректности постановки задачи.</p>	<p>Знает постановку задачи Коши, формулировку теоремы существования и единственности, затрудняясь в её применении к конкретным уравнениям.</p>	<p>Знает постановку задачи Коши, умеет оценивать её корректность в конкретных случаях. Разъясняет понятия общего, частного и особого решения.</p>
<p>Знает постановку задач для дифференциальных уравнений и основные теоремы о дифференциальных уравнениях (ЗН-10)</p>	<p>Вопросы к зачёту за третий семестр</p>	<p>Знает постановку задачи Коши, определение понятия общего решения дифференциального уравнения, затрудняясь с оценкой корректности постановки задачи.</p>	<p>Знает постановку задачи Коши, формулировку теоремы существования и единственности, затрудняясь в её применении к конкретным уравнениям.</p>	<p>Знает постановку задачи Коши, умеет оценивать её корректность в конкретных случаях. Разъясняет понятия общего, частного и особого решения.</p>
<p>Знает определение суммы ряда и основные признаки сходимости числовых рядов (ЗН-11)</p>	<p>Вопросы к зачёту за третий семестр.</p>	<p>Формулирует определение суммы ряда и основные признаки, допуская неточности.</p>	<p>Формулирует определение суммы ряда и основные признаки, допуская неточности в их обосновании.</p>	<p>Даёт развёрнутые определения основных понятий и формулировки признаков сходимости, давая детальные разъяснения.</p>

Знает определение основных понятий и важнейшие теоремы о функциональных рядах (ЗН-12)	Вопросы к зачёту за третий семестр.	Формулирует важнейшие теоремы, допуская неточности, применяет их к решению задач, совершая незначительные ошибки	Даёт точные определения основных понятий и формулировки теорем о функциональных рядах. Правильно применяет теоремы к решению задач, допуская ошибки вычислительного характера.	Даёт точные формулировки теорем о функциональных рядах. Правильно решает задачи на функциональные ряды, давая детальное теоретическое обоснование результата.
Знает и применяет основные теоремы и формулы теории кратных интегралов (ЗН-13).	Вопросы к экзамену за четвёртый семестр.	Допускает неточности в формулировках теорем теории кратных интегралов и незначительные ошибки в их применении.	Правильно формулирует основные теоремы теории кратных интегралов, затрудняется в оценке корректности применимости формул в конкретных ситуациях.	Правильно формулирует основные теоремы теории кратных интегралов, даёт развёрнутое теоретическое обоснование при определении кратных интегралов всех видов.
Знает формулы Стокса и Гаусса-Остроградского (ЗН-14).	Вопросы к экзамену за четвёртый семестр.	Знает определения и содержательный смысл теорем Стокса и Гаусса-Остроградского. Допускает неточности в формулировках, затрудняется с обоснованием утверждений.	Знает точные определения и содержательный смысл теорем Стокса и Гаусса-Остроградского. Может объяснять связь между кратными интегралами различных видов, допускает неточности при ответе.	Знает точные определения и содержательный смысл теорем Стокса и Гаусса-Остроградского. Может объяснять связь между кратными интегралами различных видов, Может корректно обосновывать свои утверждения.

Знает определения потенциального и соленоидального полей и их свойства. (ЗН-15).	Вопросы к экзамену за четвёртый семестр.	Знает основные определения потенциального и соленоидального полей и их свойства, может объяснять их содержательный смысл, но затрудняется в пояснении их применения в различных случаях.	Знает определения потенциального и соленоидального полей и их свойства, их содержательный смысл и свойства, затрудняется в обосновании своих утверждений.	Знает определения потенциального и соленоидального полей и их свойства, их содержательный смысл и свойства, может их подробно обосновать свои утверждения.
Решает методами аналитической геометрии основные задачи о прямых и плоскостях в пространстве (У-1)	Выполнение индивидуального задания и практического задания на зачёте	Решает простейшие задачи, не давая полного обоснования и допуская ошибки.	Решает задачи, обосновывая решения, допуская незначительные ошибки.	Решает задачи, давая подробное обоснование решения и приводя понятный пояснительный рисунок.
Анализирует однозначную разрешимость систем линейных алгебраических уравнений и находит их решения (У-2)	Выполнение Кр № 1 и практического задания на зачёте.	Находит решения систем линейных алгебраических уравнений, допуская ошибки и затрудняясь с обоснованием.	Находит решения систем линейных алгебраических уравнений, обосновывая ответ, но допуская ошибки вычислительного характера.	Находит решения систем линейных алгебраических уравнений, обосновывая ответ и выполняя проверку.
Выполняет операции над комплексными числами, раскладывает многочлены на множители (У-3)	Выполнение Кр № 2	Решает задачи, получая существенные указания преподавателя.	Самостоятельно решает задачи, допуская незначительные ошибки.	Самостоятельно правильно выполняет все задания.

Вычисляет пределы, раскрывая основные типы неопределённостей (У-4)	Выполнение Кр № 3.	Правильно определяет вид неопределённости, но допускает ошибки при их раскрытии.	Вычисляет пределы, допуская ошибки вычислительного характера.	Правильно вычисляет пределы с различными типами неопределённостей.
Вычисляет производные и дифференциалы функций (У-5)	Выполнение Кр № 3 и 5	Вычисляет производные и дифференциалы, допуская незначительные ошибки при применении формул дифференциального исчисления.	Вычисляет производные и дифференциалы, допуская незначительные ошибки вычислительного характера.	Применяет правила дифференциального исчисления, обоснованно получая верный результат.
Применяет методы дифференциального исчисления к исследованию функций и построению графиков функций (У-6)	Выполнение Кр № 3.	Правильно проводит исследование функции, получая существенные указания преподавателя.	Самостоятельно проводит исследование функции, допуская вычислительные ошибки и неточности в обосновании.	Самостоятельно проводит исследование функции, обоснованно получая правильный результат.
Вычисляет интегралы и применяет интегральное исчисление к решению прикладных задач (У-7)	Выполнение Кр № 4. Вопросы к экзамену за второй семестр	Вычисляет интегралы, допуская незначительные ошибки в применении формул интегрального исчисления. Допускает ошибки в применении формул интегрального исчисления при решении прикладных задач.	Вычисляет интегралы и правильно применяет формулы интегрального исчисления к решению задач, допуская ошибки вычислительного характера.	Правильно применяет правила интегрирования. Применяя интегральное исчисление, получает правильный и обоснованный результат при решении прикладных задач.

Применяет стандартные методы нахождения решений дифференциальных уравнений (У-8)	Выполнение Кр № 7. Вопросы к зачёту за третий семестр	Находит решения дифференциальных уравнений стандартными методами, допуская алгоритмические ошибки.	Находит решения дифференциальных уравнений стандартными методами, допуская вычислительные ошибки.	Находит решения дифференциальных уравнений, давая подробное обоснование.
Умеет исследовать сходимость числовых рядов и определять область сходимости функциональных рядов (У-9)	Вопросы к зачёту за третий семестр.	Анализирует сходимость рядов, допуская неточности или погрешности в обосновании ответа.	Анализирует сходимость рядов, допуская неточности в обосновании ответа.	Делает правильные заключения о сходимости рядов, давая подробное теоретическое обоснование.
Умеет представлять функции в виде суммы функционального ряда (У-10)	Вопросы к зачёту за третий семестр	Умеет находить разложения функций в степенные ряды и ряды Фурье, допуская ошибки или получая указания преподавателя.	Умеет самостоятельно находить разложения функций в степенные ряды и ряды Фурье, допуская отдельные неточности.	Умеет самостоятельно находить разложения функций в степенные ряды и ряды Фурье, давая подробное теоретическое обоснование.
Умеет применять алгоритмы вычисления кратных интегралов (У-11).	Вопросы к зачёту за третий семестр. Кр №6. Вопросы к экзамену за четвёртый семестр, выполнение Кр № 9.	Решает стандартные задачи теории кратных интегралов, допуская отдельные ошибки.	Правильно определяет метод вычисления и применяет соответствующий алгоритм для вычисления кратного интеграла, допуская вычислительные ошибки и неточности в обосновании решения.	Умеет находить правильный алгоритм решения нестандартных задач теории кратных интегралов, аккуратно обосновывает решения задач.

Применяет формулы Стокса и Гаусса-Остроградского (У-12).	Вопросы к экзамену за четвёртый семестр, выполнение Кр № 10.	Применяет формулы Стокса и Гаусса-Остроградского, допуская отдельные ошибки в вычислениях и неточности в интерпретации результатов.	Применяет формулы Стокса и Гаусса-Остроградского, допуская незначительные ошибки. Видит связь между интегралами различных видов.	Применяет формулы Стокса и Гаусса-Остроградского. Получает верные результаты и умеет корректно их интерпретировать. Может объяснить связь между интегралами различных видов.
Определяет потенциальность и соленоидальность векторных полей (У-13).	Вопросы к экзамену за четвёртый семестр.	Умеет определять потенциальность и соленоидальность векторных полей. Допускает неточности в выводах.	Умеет определять потенциальность и соленоидальность векторных полей. Допускает отдельные ошибки в вычислениях и неточности в обосновании.	Умеет определять потенциальность и соленоидальность векторных полей и делать корректные выводы. Обоснованно получает верные результаты.
Проводит вычисления необходимые для решения задач аналитической геометрии (Н-1).	Выполнение Кр № 1 и индивидуального задания, выполнение практического задания на зачёте.	Проводит необходимые вычисления, допуская ошибки алгоритмического характера.	Проводит необходимые вычисления, допуская ошибки вычислительного характера.	Правильно проводит все необходимые вычисления.
Понимает роль понятия предела, как теоретической основы методов математического анализа (Н-2)	Вопросы к зачету за первый семестр.	Объясняет ключевые понятия математического анализа, как результат предельного перехода, допуская неточности в формальных определениях.	Даёт определения важнейших понятий математического анализа, как результата предельного перехода, затрудняясь в объяснении его содержательного смысла на реальных примерах.	Даёт определения важнейших понятий математического анализа, как результата предельного перехода, давая детальное объяснение содержательного смысла на реальных примерах.

Дифференцирует функции и применения дифференциальное исчисление к решению задач (Н-3)	Кр № 3 и 5. Вопросы к зачету за первый семестр.	Применяет дифференциальное исчисление, допуская незначительные ошибки в применении правил и формул.	Применяет дифференциальное исчисление, допуская незначительные вычислительные ошибки	Применяет дифференциальное исчисление, обоснованно получая верные результаты.
Интегрирует функции и вычисляет значения искомых величин через интегралы (Н-4).	Кр № 4, вопросы к экзамену за второй семестр.	Применяет интегральное исчисление, допуская незначительные ошибки в применении правил и формул.	Применяет интегральное исчисление, допуская незначительные вычислительные ошибки	Применяет интегральное исчисление, обоснованно получая верные результаты.
Владеет навыками составления и решения дифференциальных уравнений (Н-5).	Выполнение Кр № 7 и 8, вопросы к зачёту за третий семестр.	Решает прикладные задачи, сводя их к решению дифференциальных уравнений, допуская ошибки или не давая подробного обоснования.	Решает прикладные задачи, сводя их к решению дифференциальных уравнений, допуская незначительные вычислительные ошибки или неточности в обосновании.	Решает прикладные задачи, сводя их к решению дифференциального уравнения, давая детальные разъяснения и правильно производя необходимые вычисления.
Владеет навыками нахождения искомых величин в виде суммы ряда (Н-6).	Вопросы к зачёту за третий семестр	Вычисляет характеристики с помощью рядов, затрудняясь с обоснованием результата.	Вычисляет характеристики с помощью рядов, обосновывает результат, допуская отдельные неточности.	Вычисляет характеристики с помощью рядов, корректно обосновывая результат.

	Владеет навыками применения методов векторного анализа к прикладным задачам (Н-7).	Вопросы к экзамену за четвёртый семестр, выполнение Кр № 9, Кр № 10.	Понимает предмет и основные задачи векторного анализа. Может подбирать адекватные математические модели к описанию предлагаемых ситуаций. Допускает неточности, затрудняется с обоснованием.	Понимает предмет и основные задачи векторного анализа. Оценивает корректность применения математических моделей в конкретных ситуациях, не всегда верно обосновывая утверждения.	Понимает предмет и основные задачи векторного анализа. Может подбирать адекватные математические модели реальных ситуаций, корректно обосновывая свой выбор.
--	--	--	--	--	--

Шкала оценивания соответствует СТО СПбГТИ(ТУ):

если по дисциплине промежуточная аттестация проводится в форме зачета, то результат оценивания – «зачтено», «не зачтено»;

если по дисциплине промежуточная аттестация проводится в форме экзамена и (или) курсового проекта (работы), то шкала оценивания – балльная.

3. Типовые контрольные задания для проведения промежуточной аттестации

3.1 Вопросы к экзаменам и зачётам

Вопросы к зачету (первый курс, первая сессия)

1. Матрицы. Операции над матрицами, их свойства.
2. Определители. Свойства определителей и способы вычисления (на примере определителей третьего порядка).
3. Обратные и обратимые матрицы. Нахождение обратных матриц.
4. Ранг матрицы. Теорема о базисном миноре (формулировка). Элементарные преобразования матриц.
5. Теорема Крамера. Решение систем линейных алгебраических уравнений по формулам Крамера.
6. Совместные и несовместные системы линейных алгебраических уравнений. Теорема Кронекера-Капелли.
7. Однородные системы линейных алгебраических уравнений, их нетривиальные решения.
8. Линейные операции над векторами и их свойства. Линейно зависимые и независимые системы векторов.
9. Теорема о линейной зависимости двух, трех и четырех векторов.
10. Скалярное произведение векторов. Определение, свойства. Угол между векторами.
11. Векторное произведение векторов. Определение, свойства, геометрический смысл.
12. Смешанное произведение трех векторов. Определение, свойства, геометрический смысл.
13. Плоскость в пространстве. Уравнения плоскости.
14. Векторное уравнение плоскости. Расстояние от точки до плоскости.
15. Взаимное расположение двух плоскостей в пространстве. Угол между плоскостями.
16. Прямая в пространстве. Различные виды уравнений прямой.
17. Векторное уравнение прямой. Расстояние от точки до прямой.
18. Взаимное расположение двух прямых в пространстве. Угол между прямыми.
19. Взаимное расположение прямой и плоскости. Угол между прямой и плоскостью.
20. Комплексные числа. Алгебраическая, тригонометрическая, показательная формы комплексного числа. Действия с комплексными числами.
21. Многочлены. Теорема Безу. Основная теорема алгебры. Теорема о разложении многочлена на множители.
22. Окрестность точки числовой прямой. Предел функции в точке. Предел в бесконечно удаленной точке. Геометрическая интерпретация предела.
23. Односторонние пределы. Теорема о существовании предела функции в точке.
24. Непрерывность функции в точке. Точки разрыва. Классификация точек разрыва.
25. Предел функции в точке. Единственность предела.
26. Бесконечно малые функции в точке. Теоремы о бесконечно малых.
27. Сравнение бесконечно малых. Эквивалентные бесконечно малые.
28. Теорема о предельном переходе под знаком неравенства. Теорема о сжатой переменной (формулировка).
29. Односторонняя непрерывность. Непрерывность функции на отрезке. Теоремы Больцано-Коши и Вейерштрасса (формулировка).

30. Производная функция в точке. Геометрическая и механическая интерпретация.
31. Дифференцируемые функции. Необходимое и достаточное условие дифференцируемости. Дифференциал. Непрерывность дифференцируемой функции.
32. Производная функции в точке. Правила дифференцирования суммы, произведения и частного.
33. Дифференцирование сложной функции. Производная обратной функции.
34. Теорема Ферма.
35. Теорема Ролля.
36. Теорема Лагранжа.
37. Теорема Коши о дифференцируемых функциях..
38. Правило Лопиталя (формулировка).
39. Экстремумы функции одной переменной. Необходимое условие экстремума.
40. Экстремумы функции одной переменной. Достаточные условия экстремума.
41. Направление выпуклости графика функции. Достаточное условие выпуклости графика функции.
42. Точки перегиба. Необходимое условие существования перегиба. Достаточное условие существования перегиба.
43. Понятие о многочлене Тейлора. Формула Тейлора для функции одной переменной (без доказательства). Формула Маклорена для функций e^x , $\sin x$, $\cos x$.

Вопросы к экзамену (первый курс, вторая сессия)

1. Первообразная и неопределённый интеграл. Их свойства.
2. Первообразная и неопределённый интеграл. Методы вычисления неопределённых интегралов: интегрирование по частям и замена переменной.
3. Дробно-рациональная функция. Типы простейших алгебраических дробей и их интегрирование.
4. Интегральная сумма Римана. Определённый интеграл Римана. Интегрируемые функции. Геометрическая интерпретация определённого интеграла.
5. Определённый интеграл Римана. Свойства определённого интеграла. Теорема о среднем.
6. Определённый интеграл с переменным верхним пределом. Теорема о его производной. Существование первообразной непрерывной функции.
7. Определённый интеграл с переменным верхним пределом. Формула Ньютона-Лейбница.
8. Определённый интеграл Римана. Методы вычисления: интегрирование по частям и замена переменной.
9. Понятие о несобственных интегралах I-го рода. Интегралы вида $\int_a^{+\infty} \frac{dx}{x^p}$ ($a, p > 0$).
10. Кривые на плоскости и в пространстве. Спрямолинейная кривая, длина дуги кривой (вывод формулы для явно заданной кривой). Дифференциал длины дуги.
11. Вычисление площадей плоских фигур в декартовых и полярных координатах.
12. Вычисление объемов тел по площадям поперечных сечений и объемов тел вращения.
13. Функции двух переменных. Передел и непрерывность. Частные производные, их геометрическая интерпретация.

14. Дифференцируемые функции двух переменных. Полный дифференциал. Необходимое условие дифференцируемости. Достаточное условие дифференцируемости.
15. Дифференцируемые функции двух переменных. Дифференцирование сложной функции.
16. Частные производные и дифференциалы высших порядков. Теорема о перестановке порядка дифференцирования (формулировка).
17. Формула Тейлора для функции двух переменных.
18. Экстремумы функции двух переменных. Необходимое условие существования экстремума.
19. Экстремумы функции двух переменных. Достаточное условие существования экстремума (формулировка).
20. Дифференцирование функции, заданной неявно.
21. Производная по направлению. Определение и свойства. Формула для вычисления в декартовых координатах.
22. Градиент. Определение и свойства. Связь с производной по направлению.
23. Геометрическая интерпретация полного дифференциала функции двух переменных.
24. Определение и свойства двойного интеграла.
25. Вычисление двойного интеграла в декартовой системе координат.
26. Вычисление двойного интеграла в полярной системе координат.
27. Приложения двойного интеграла.

Вопросы к зачету (второй курс, первая сессия)

1. Определение дифференциального уравнения, его порядка, решения. Примеры составления и решения дифференциальных уравнений.
2. Геометрическое (качественное) исследование дифференциальных уравнений 1-го порядка. Общее, частное решения, их геометрический смысл. Уравнения с разделяющимися переменными.
3. Дифференциальные уравнения 1-го порядка. Задача Коши. Теорема о существовании и единственности решения задачи Коши. Общее и частное решения, их геометрический смысл. Особое решение. Решение однородного дифференциального уравнения 1-го порядка.
4. Линейные дифференциальные уравнения 1-го порядка.
5. Определение дифференциального уравнения. Порядок дифференциального уравнения. Решение дифференциальных уравнений в полных дифференциалах.
6. Дифференциальные уравнения высших порядков. Задача Коши, ее геометрическое истолкование для уравнений 2-го порядка. Теорема существования и единственности решения задачи Коши. Метод понижения порядка дифференциального уравнения.
7. Дифференциальные уравнения высших порядков. Задача Коши. Общее и частное решения. Линейные неоднородные уравнения n -го порядка. Структура общего решения.
8. Линейные дифференциальные уравнения n -го порядка. Линейный дифференциальный оператор и его свойства. Свойства решений линейных однородных дифференциальных уравнений.
9. Линейно независимые решения линейного однородного дифференциального уравнения n -го порядка. Определитель Вронского. Необходимое и достаточное

- условие линейной независимости решений линейного однородного дифференциального уравнения.
10. Фундаментальная система решений. Структура общего решения линейного однородного дифференциального уравнения n -го порядка.
 11. Неоднородные линейные уравнения n -го порядка, структура общего решения. Метод вариации произвольных постоянных.
 12. Линейные однородные дифференциальные уравнения n -го порядка с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение. Построение фундаментальной системы решений.
 13. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения n -го порядка. Структура общего решения. Неоднородные линейные дифференциальные уравнения n -го порядка с постоянными коэффициентами и специальной правой частью. Метод неопределенных коэффициентов.
 14. Числовые ряды. Сходимость ряда. Сумма ряда. Критерий Коши для числовых рядов. Необходимое условие сходимости. Остаток сходящегося ряда. Общие свойства сходящихся рядов.
 15. Интегральный признак сходимости Коши. Обобщенный гармонический ряд.
 16. Ряды с положительными членами. Признаки сравнения.
 17. Сходимость ряда, сумма ряда, остаток сходящегося ряда. Ряды с положительными членами. Признак Даламбера.
 18. Знакопередающиеся ряды. Признак Лейбница.
 19. Ряды с членами любого знака. Абсолютная сходимость. Свойства абсолютно сходящихся рядов.
 20. Функциональные ряды. Сходимость в точке. Область сходимости. Сумма функционального ряда. Равномерная сходимость. Признак равномерной сходимости Вейерштрасса.
 21. Равномерная сходимость функционального ряда. Теоремы о непрерывности суммы равномерно сходящегося ряда и о почленном интегрировании и дифференцировании функциональных рядов. Ряд Маклорена для функции $\arctg x$.
 22. Степенные ряды. Теорема Абеля. Радиус сходимости.
 23. Степенные ряды. Радиус сходимости. Свойства степенных рядов.
 24. Разложение функции в ряд. Ряд Тейлора. Необходимое и достаточное условия разложимости функции в ряд Тейлора. Ряд Маклорена для функции $\ln(1+x)$.
 25. Разложение функции в степенной ряд. Единственность разложения. Ряды Маклорена для функций: $\cos x$, $(1+x)^\alpha$.
 26. Достаточное условие разложимости функции в ряд Тейлора. Ряды Маклорена для функций: e^x , $\sin x$.
 27. Ортогональные системы функций. Обобщенный ряд Фурье. Сходимость тригонометрических рядов Фурье.
 28. Ортогональные системы тригонометрических функций. Тригонометрические ряды Фурье для функций, заданных на отрезке $[-l, l]$ и для периодических функций.

29. Тригонометрические ряды Фурье для четных и нечетных функций. Разложение в ряд Фурье по синусам и косинусам функций, заданных на отрезке $[0, l]$.

Вопросы к экзамену (второй курс, вторая сессия)

1. Дифференциальные уравнения в частных производных. Основные определения и примеры.
2. Основные уравнения математической физики: уравнения движения (колебаний), уравнения процессов выравнивания (теплопроводности и диффузии), уравнения стационарных процессов.
3. Постановка задач математической физики. Корректность постановки задач.
4. Классификация линейных дифференциальных уравнений второго порядка в частных производных. Приведение уравнений к каноническому виду.
5. Решение задачи о свободных колебаниях бесконечной струны методом Даламбера.
6. Решение задачи о вынужденных колебаниях бесконечной струны при однородных начальных условиях.
7. Решение задачи о свободных колебаниях полубесконечной струны с закрепленным левым концом.
8. Решение задачи о свободных колебаниях струны, закрепленной на концах, методом разделения переменных Фурье.
9. Определение и свойства тройного интеграла.
10. Вычисление тройного интеграла в декартовой системе координат.
11. Вычисление тройного интеграла в цилиндрической системе координат.
12. Вычисление тройного интеграла в сферической системе координат.
13. Приложения тройного интеграла.
14. Криволинейные интегралы первого рода: определение, свойства, вычисление.
15. Криволинейные интегралы второго рода: определение, свойства, вычисление.
16. Формула Грина.
17. Ротор и дивергенция.
18. Формула Остроградского-Гаусса. Физический смысл дивергенции.
19. Формула Стокса. Физический смысл ротора.
20. Потенциальные поля. Условие потенциальности векторного поля.

К зачетам и экзаменам допускаются студенты, выполнившие все формы текущего контроля. При сдаче зачета, студент получает два вопроса из перечня, приведенного выше.

Время подготовки студента к устному ответу на вопросы - до 45 мин.

3.2 Состав контрольных работ

Типовые варианты контрольной работы № 1

Задание № 1 для нечетных вариантов (1, 3, 5, ..., 25)

Написать уравнение плоскости, проходящей через точку M_0 и перпендикулярной прямой L .

Задание № 1 для четных вариантов (2, 4, 6, ..., 24)

Написать уравнение плоскости, проходящей через точки M_1, M_2, M_3 .

Задание № 2 для нечетных вариантов

Написать уравнение прямой, проходящей через точки M_1 и M_2 .
Задание № 2 для четных вариантов

Написать уравнение прямой, проходящей через точку M_0 и перпендикулярной плоскости α .

Задание № 3

Даны матрицы A , B и C . Найти, если возможно, $A + 2B$, $B + 2C$, AB , BC .

Задание № 4

Решить систему линейных алгебраических уравнений по формулам Крамера.

Задание № 5

Исследовать и решить систему линейных алгебраических уравнений методом Гаусса.

Вариант № 1.

1. $M_0(2; 0; 1)$, $L: \frac{x-2}{-1} = \frac{y+1}{2} = \frac{z-1}{3}$.

2. $M_1(2; 0; 1)$, $M_2(3; 2; -1)$.

3. $A = \begin{pmatrix} 0 & 2 & 1 \\ 2 & 1 & 1 \end{pmatrix}$; $B = \begin{pmatrix} 4 & 1 \\ -1 & 0 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$; $C = \begin{pmatrix} -3 & 2 \\ 1 & -1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$.

4. $\begin{cases} 2x + 3y + 5z = 10, \\ 3x + 7y + 4z = 3, \\ x + 2y + 2z = 3. \end{cases}$ 5. $\begin{cases} x_1 + 2x_2 - 2x_3 - 3x_4 = 4, \\ 2x_1 + 5x_2 - x_3 - 4x_4 = 9, \\ x_1 + 3x_2 + x_3 - x_4 = 5. \end{cases}$

Вариант № 2.

1. $M_1(1; 1; 1)$, $M_2(2; 2; 2)$, $M_3(2; 0; 1)$.

2. $M_0(1; 1; 1)$, $\alpha: -x + 2y + z = 4$.

3. $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ -2 & 1 & 1 \end{pmatrix}$; $B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ -1 & 0 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$; $C = \begin{pmatrix} -2 & 2 \\ 1 & -1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$.

4. $\begin{cases} 5x - 6y + 4z = 3, \\ 3x - 3y + 2z = 2, \\ 4x - 5y + 3z = 2. \end{cases}$ 5. $\begin{cases} x_1 - 4x_2 + 2x_3 + 3x_5 = 5, \\ 2x_1 - 7x_2 + 4x_3 + x_4 = 9, \\ x_1 - 3x_2 + 2x_3 + x_4 - 3x_5 = 4. \end{cases}$

Типовой вариант контрольной работы № 2

Задание № 1.

Изобразите на комплексной плоскости точки, соответствующие числам $z_1 = 3 - i$, $z_2 = 2 + 5i$, $z_3 = 1 = i\sqrt{3}$, $z_4 = 2 \left(\cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4} \right)$.

Задание № 2.

Найдите в алгебраической форме $\frac{z_1^2 + 5i}{z_2}$.

Задание № 3.

Переведите число z_3 в тригонометрическую форму и найдите $(z_3 \cdot z_4)^{10}$ (ответ дать в тригонометрической и показательной форме).

Задание № 4

Решите квадратные уравнения:

4.1 $6x^2 + 9 = 0$,

4.2 $x^2 + 10x + 9 = 0$.

Типовой вариант контрольной работы № 3

Вычислите пределы:

1. $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{4x^6 + 5x^3 + 7}{2x^6 + x^2 - x + 12}$. 2. $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^3 - 4x^2 - 3x + 18}{x^3 - 5x^2 + 3x + 9}$. 3. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln^2(1 + 6x)}{3x^2}$.

Найдите производные:

4. $y = \frac{9^{8x} - 1}{\log_9(1 + 8x)}$. 5. $y = (5 \cos 10x + 10 \sin 5x) \cdot \arcsin \frac{4x + 1}{4x - 1}$.

6. Исследуйте функцию $y = \frac{x^4}{x^3 - 1}$ и постройте её график.

Типовой вариант контрольной работы № 4

Вычислите интегралы:

1. $\int_0^{\sqrt[3]{\pi}} x^2 \sin x^3 dx$. 2. $\int_0^1 (4x + 3)e^{4x} dx$. 3. $\int_6^{30} \frac{dx}{3 + \sqrt{x - 5}}$.

4. Вычислите площадь фигуры, ограниченной линиями:

$$4y = 8x - x^2; 4y = x + 6.$$

5. Вычислите длину дуги кривой

$$\Gamma : \begin{cases} x = 2 \cos t - \cos 2t, \\ y = 2 \sin t - \sin 2t, \end{cases} \quad t \in \left[0; \frac{\pi}{4} \right].$$

Типовой вариант контрольной работы № 5

Задание № 1

Найдите полный дифференциал функции.

Задание № 2

Найдите производные сложной функции.

Задание № 3

Исследуйте функцию на экстремум.

Задание № 4

Найдите наибольшее и наименьшее значение функции в замкнутой области \bar{D} , ограниченной заданными линиями.

1. $z = 2x^3y - 4xy^3$.
2. $z = \sqrt{x^2 + y^2 + 3}$, $x = \ln t$, $y = \sqrt[3]{t}$.
3. $z = y\sqrt{x} - 2y^2 - x + 14y$.
4. $z = 3x + y - xy$, $\bar{D} : y = x, y = 4, x = 0$.

Типовой вариант контрольной работы № 6

Задание № 1

Измените порядок интегрирования.

Задание № 2

Вычислите двойной интеграл.

Задание № 3

Вычислите площадь фигуры, ограниченной заданными линиями.

Задание № 4

Вычислите объём тела, ограниченного данными поверхностями.

1. $\int_{-1}^1 dx \int_{-\sqrt{1-x^2}}^{1-x^2} f(x, y) dy$.
2. $\iint_D (12x^2y^2 + 16x^3y^3) dx dy$, $D : x = 1, y = x^2, y = -\sqrt{x}$.

3. $x = 4y - y^2, x + y = 6.$
4. $y = 16\sqrt{2x}, y = \sqrt{2x}, z = 0, x + z = 2.$

Типовой вариант контрольной работы № 7

Задание № 1

Найдите общее решение дифференциального уравнения. Найдите решение задачи Коши с начальными условиями $y(x_0) = y_0$

Задания № 2, № 3, № 4, № 5

Найдите общие решения дифференциальных уравнений

1. $(x - 3)y' - 2y = 1, y(1) = 2.$
2. $(x^2 + 1)y' - 2xy = x(x^2 + 1)^2.$
3. $y'''' - 16y = 0.$
4. $y'' - 4y' + 4y = \frac{e^{2x} \ln x}{x}.$
5. $y'' + y' = x^2 + 6.$

Типовой вариант контрольной работы № 8

1. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n + 2^n}.$
2. $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{1}{2n - 1}.$
3. $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{(x + 2)^n}{n2^n}.$

Задание № 1

Приведите линейное дифференциальное уравнение второго порядка в частных производных к каноническому виду.

$$\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + 2 \frac{\partial^2 u}{\partial x \partial y} - 3 \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} = -2 \frac{\partial u}{\partial x} - 6 \frac{\partial u}{\partial y}.$$

Задание № 2

Решите задачу о колебаниях бесконечной струны методом Даламбера.

$$\frac{\partial^2 u}{\partial t^2} = \frac{\partial^2 u}{\partial x^2}; \quad u(x, t) \Big|_{t=0} = \sin 5x; \quad \frac{\partial u}{\partial t} \Big|_{t=0} = 3.$$

$$-\infty < x < +\infty, \quad t \geq 0.$$

Задание № 3

Решите задачу о колебаниях струны, закреплённой на концах, методом разделения переменных (методом Фурье).

$$\frac{\partial^2 u}{\partial t^2} = 4 \frac{\partial^2 u}{\partial x^2}; \quad u(0, t) = u(4, t) = 0;$$
$$u(x, 0) = \begin{cases} \frac{x}{2}, & 0 \leq x < 2; \\ -\frac{x-4}{2}, & 2 \leq x \leq 4; \end{cases} \quad \left. \frac{\partial u}{\partial t} \right|_{t=0} = 0.$$

Типовой вариант контрольной работы № 9

I. Вычислить интегралы:

- 1) тройной интеграл в декартовых координатах;
- 2) тройной интеграл в цилиндрических координатах;
- 3) криволинейный интеграл 1-го рода;
- 4) криволинейный интеграл 2-го рода;
- 5) поверхностный интеграл 1-го рода;
- 6) поверхностный интеграл 2-го рода при явном задании поверхности;
- 7) поверхностный интеграл 2-го рода при параметрическом задании поверхности;
- 8) поверхностный интеграл 2-го рода по проекциям.

1. $\int_L \frac{y}{\sqrt{x^2 + y^2}} dl, \quad L : x^2 + y^2 = 9 \ (y \geq 0), \ A(3; 0), \ B(0; 3).$
2. $\vec{F} = (x + y)\vec{i} + (x - y)\vec{j}, \quad L : y = x^2, \ A(-1; 1), \ B(1; 1).$
3. $\iint_S (2x + 5y - z) dS, \quad \pi : x + 2y + z = 2.$
4. $\iint_S (x + z) dydz + 2y dx dz + (x + y - z) dx dy, \quad \pi : x + 2y + z = 2.$

Типовой вариант контрольной работы № 10

Задание № 1

Вычислите градиент скалярного поля в заданной точке M_0 .

Задание № 2

Проверьте, будет ли соленоидальным данное векторное поле $\vec{F}(M)$.

Задание № 3

Проверьте, будет ли потенциальным данное векторное поле $\vec{F}(M)$.

Задание № 4

Вычислите циркуляцию плоского векторного поля

$$\vec{F}(x, y) = P(x, y)\vec{i} + Q(x, y)\vec{j}$$

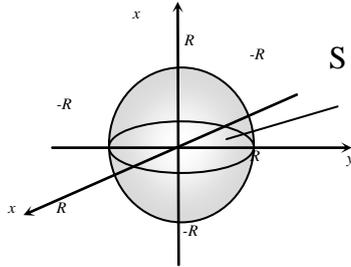
вдоль замкнутого контура L

- 1) обходя его в положительном направлении
- 2) используя формулу Грина.

1. $U(x, y, z) = x^2yz^3, \quad M_0 \left(2; \frac{1}{3}; \sqrt{\frac{3}{2}} \right).$
2. $\vec{F}(x, y, z) = xy^2\vec{i} + x^2y\vec{j} - (x^2 + y^2)z\vec{k}.$
3. $\vec{F}(x, y, z) = (2x - yz)\vec{i} + (2y - xz)\vec{j} + (2z - xy)\vec{k}.$
4. $\vec{F}(x, y) = 2y\vec{i} + (x + 3y)\vec{j}, \quad L: y = -x^2 + x + 2, \quad y = x + 1.$

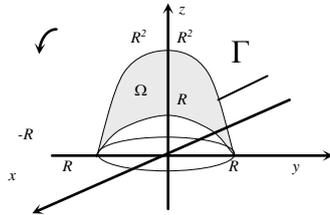
Вариант 1

1.



Вычислить поток векторного поля $\mathbf{F} = \{2x^2 + 3, y^2 + 1, 3z^2 - z + 2\}$ по поверхности сферы S.

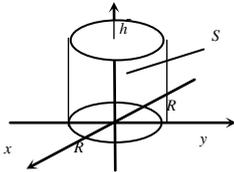
2.



Вычислить циркуляцию векторного поля $\mathbf{F} = \{2x + 3y - z, x - z, x + 2y\}$ по контуру Gamma, лежащему в плоскости Oyz.

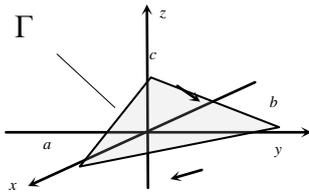
Вариант 2

1.



Вычислить поток векторного поля $\mathbf{F} = \{-x, 2y + 2, z^2 - h^2\}$ через цилиндрическую поверхность S.

2.



Вычислить циркуляцию векторного поля $\mathbf{F} = \{3y - z, -z, 2y\}$ по контуру Gamma.

4. Методические материалы для определения процедур оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций.

Промежуточная аттестация по дисциплине проводится в соответствии с требованиями СПб

СТО СПбГТИ(ТУ) 016-2015. КС УКВД. Порядок проведения зачетов и экзаменов.