

Активный и пассивный эксперимент



Проверка воспроизводимости эксперимента

Таблица 1 - Проверка воспроизводимости опытов

Номер серии опытов	Результаты параллельных опытов				$Y_{i,j}$, средн.	s_j^2
1	Y_{11}	Y_{12}	...	Y_{1k}	$Y_{1,}$ средн.	s_1^2
2	Y_{21}	Y_{22}	...	Y_{2k}	$Y_{2,}$ средн.	s_2^2
3	Y_{31}	Y_{31}	...	Y_{3k}	$Y_{3,,}$ средн.	s_3^2
			...			
j	Y_{j1}	Y_{j2}	...	Y_{jk}	$Y_{j,,}$ средн.	s_j^2
			...			
N_p	Y_{N_p1}	Y_{N_p2}	...	Y_{N_pk}	$Y_{N_p,}$ средн.	$S_{N_p}^2$

Процедура воспроизводимости эксперимента

$$(1) \quad Y_{j, \text{средн.}} = \frac{1}{k} \sum_{i=1}^k y_{ji}$$

$$(2) \quad s_j^2 = \frac{1}{k-1} \sum_{i=1}^k (Y_{ji} - Y_{j, \text{средн.}})^2$$

$$(3) \quad G_p = \max s_j^2 / \sum_{j=1}^{N_p} s_j^2$$

По специальным таблицам определяют табличное значение критерия Кохрена – $G_{\text{табл.}}$. Оно зависит от доверительной вероятности P (как правило, $P=0.95$) или от значения $p = 1 - P$, которое называется уровнем значимости, от N_p и $k - 1$. Условие воспроизводимости опытов $G_p < G_{\text{табл.}}$; при этом считается, что оценки дисперсий однородны

$$(4) \quad s_Y^2 = \frac{1}{N_p} \sum_j s_j^2 \quad \text{с ней связано число степеней свободы } N_p (k - 1)$$

Пример 1. Оценка воспроизводимости эксперимента

Номер серии опытов	Результаты параллельных опытов				$y_{j \cdot}$ средн.	s_j^2
1	14.8	14.7	14.4	14.5	14.6	0.10
2	45.5	45.7	45.1	45.1	45.3	0.28
3	12.6	12.8	12.2	12.0	12.4	0.40
4	50.4	50.6	49.6	50.0	50.2	0.60
						$\sum_j s_j^2 = 1,38$

Пример 1. Оценка воспроизводимости эксперимента

$$(1) \quad G_p = \max s_j^2 / \sum_{j=1}^{N_p} s_j^2 = 0.6/1.38 \quad G_p = 0.43.$$

$$(2) \quad S_Y^2 = \frac{1}{N_p} \sum_j^{N_p} s_j^2 \quad S_Y^2 = \frac{1}{4} \sum_j^4 s_j^2 \quad S_Y^2 = 0.35$$

Здесь $j = 1, \dots, 4$; $G_{\text{табл.}} = 0.684$ для $N_p = 4$, $k - 1 = 3$

N_p	Число степеней свободы $f = k - 1$		
	1	2	3
2	0.999	0.975	0.939
3	0.967	0.871	0.798
4	0.907	0.768	0.684
5	0.841	0.684	0.598

Так как $G_p < G_{\text{табл.}}$, то опыты считаются воспроизводимыми, а оценки дисперсий – однородными

Полный факторный эксперимент

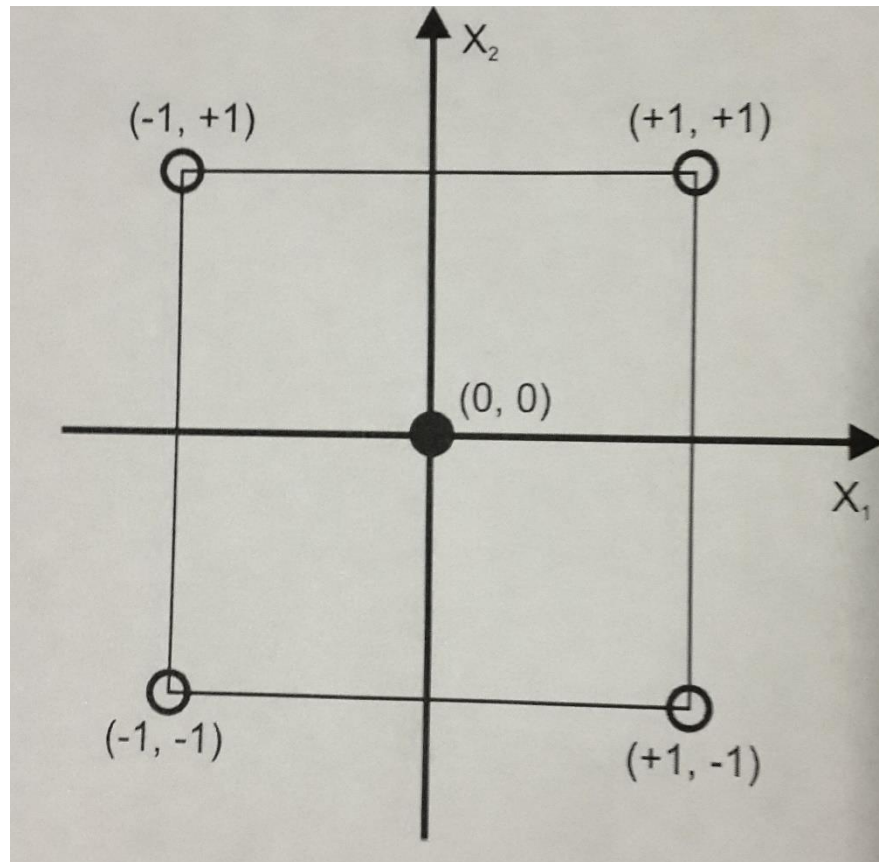
$$y_{расч,k} = \beta_0 + \beta_1 x_{1,k} + \dots + \beta_{n,k} x_{n,k} + \beta_{12} x_{1,k} x_{2,k} + \dots + \beta_{(n-1)n} x_{(n-1),k} x_{n,k}, k = 1, \dots, N$$

Полный факторный эксперимент обеспечивает возможность получить математическую модель процесса в некоторой локальной области, содержащейся в окрестности точки с координатами $(x_{0,1}, x_{0,2}, \dots, x_{0,n})$. Эта точка называется центром плана.

$$X_i = \frac{x_i - x_{0,i}}{\Delta x_i}$$

$$y_{расч,k} = b_0 + b_1 X_{1,k} + \dots + b_n X_{n,k} + b_{12} X_{1,k} X_{2,k} + \dots + b_{(n-1)n} X_{(n-1),k} X_{n,k}, k = 1, \dots, N$$

Полный факторный эксперимент



Матрица планирования полного факторного эксперимента (ПФЭ)

Таблица 2 -Матрица планирования ПФЭ $N = 2^3$

Номер опыта	Факторы			Функция отклика
	X_1	X_2	X_3	
1	-1	-1	-1	Y_1
2	+1	-1	-1	Y_2
3	-1	+ 1	-1	Y_3
4	+1	+ 1	-1	Y_4
5	-1	-1	+1	Y_5
6	+1	-1	+1	Y_6
7	-1	+ 1	+1	Y_7
8	+1	+ 1	+1	Y_8

Пример 2.

	Температура, К	Давление, МПа	Время, с
Основной уровень	1000	750	50
Интервал варьирования	100	250	10
Верхний уровень	1200	1000	60
Нижний уровень	1100	500	40

Пример 2. Матрица планирования практического эксперимента в физических переменных

Номер опыта	T, K	P, MPa	t, c
1	1000	500	40
2	1200	500	40
3	1000	1000	40
4	1200	1000	40
5	1000	500	60
6	1200	500	60
7	1000	1000	60
8	1200	1000	60

Пример 2. Матрица в кодированных переменных

№ опыта	X_1	X_2	X_3	y	№ опыта	X_1	X_2	X_3	y
1	-1	-1	-1	y_1	1	1	1	1	y_1
2	1	-1	-1	y_2	2	-1	1	1	y_2
3	-1	1	-1	y_3	3	1	-1	1	y_3
4	1	1	-1	y_4	4	-1	-1	1	y_4
5	-1	-1	1	y_5	5	1	1	-1	y_5
6	1	-1	1	y_6	6	-1	1	-1	y_6
7	-1	1	1	y_7	7	1	-1	-1	y_7
8	1	1	1	y_8	8	-1	-1	-1	y_8

Свойства матрицы планирования ПФЭ в кодированных переменных

$$\sum_{j=1}^N X_{ji} = 0$$

$$\sum_{j=1}^N X_{ji}^2 = N$$

$$\sum_{j=1}^N X_{ji} X_{ji} = 0$$

Списки использованной литературы и источников:

- Саутин С.Н. Планирование эксперимента в химии и химической технологии // Л., Химия. 1975. 48 с.